

# Birthday paradox

Determine the probability  $p_n$  that, in a group of  $n$  randomly chosen people, some of them will have the same birthday. If we assume that each day of the year (we exclude February 29) is equally probable for a birthday, the probability that *none* of the people in the group have the same birthday is given by  $q_n = \frac{365}{365} \cdot \frac{364}{365} \cdot \frac{363}{365} \cdot \dots \cdot \frac{365-n+1}{365}$ . The probability  $p_n$  is then computed as  $p_n = 1 - q_n$ . For the probability  $p_n \in \mathbb{R}$ , it always applies that  $0 \leq p_n \leq 1$ .

**Note:** The above formula is only valid for  $n \leq 365$ . What happens if  $n > 365$ ?

**Note:** By the [pigeonhole principle](#), the probability reaches 100% when the number of people reaches 366 (since there are 365 possible birthdays, excluding February 29). However, 99% probability is reached with just 57 people, and 50% probability with 23 people. This is called the [birthday paradox](#), not because it is a paradox in the sense of leading to a logical contradiction, but because the mathematical truth contradicts naive intuition. An intuitive guess would suggest that the chance of two individuals sharing the same birthday in a group of 23 is much lower than 50%, but the birthday problem demonstrates that this is not the case.

## Input

No input.

## Output

For each value  $n$  that is between 5 and 75 (boundaries included) and that is a multiple of five print the value  $n$  itself, a single space, and then the probability  $p_n$  that in a group of  $n$  people at least two people have the same birthday. Use a separate line every time.

## Example

```
5 0.0271355736998
10 0.116948177711
15 0.252901319764
...
75 0.999719878174
```

Bepaal de kans  $p_n$  dat in een groep van  $n$  personen minstens twee personen op dezelfde dag verjaren. De kans dat *geen* twee personen op dezelfde dag verjaren, wordt gegeven door  $q_n = \frac{365}{365} \cdot \frac{364}{365} \cdot \frac{363}{365} \cdot \dots \cdot \frac{365-n+1}{365}$ . De kans  $p_n$  bekomt men dan uiteraard als  $p_n = 1 - q_n$ . Voor de kans  $p_n \in \mathbb{R}$  geldt steeds dat  $0 \leq p_n \leq 1$ .

**Opmerking:** Bovenstaande formule werkt enkel wanneer  $n \leq 365$ . Wat gebeurt wanneer  $n > 365$ ?

**Opmerking:** Dit wordt de [verjaardagsparadox](#) genoemd, omdat deze kans groter is dan wat de meeste mensen intuïtief zouden verwachten.

## Invoer

Geen invoer.

## **Uitvoer**

Schrijf voor elke waarde van  $n$  tussen 5 en 75 (grenzen inbegrepen) die een vijfvoud is op een afzonderlijke regel: de waarde van  $n$ , één enkele spatie, en vervolgens de kans  $p_n$  dat in een groep van  $n$  personen minstens twee personen op dezelfde dag verjaren.

## **Voorbeeld**

5 0.0271355736998

10 0.116948177711

15 0.252901319764

...

75 0.999719878174